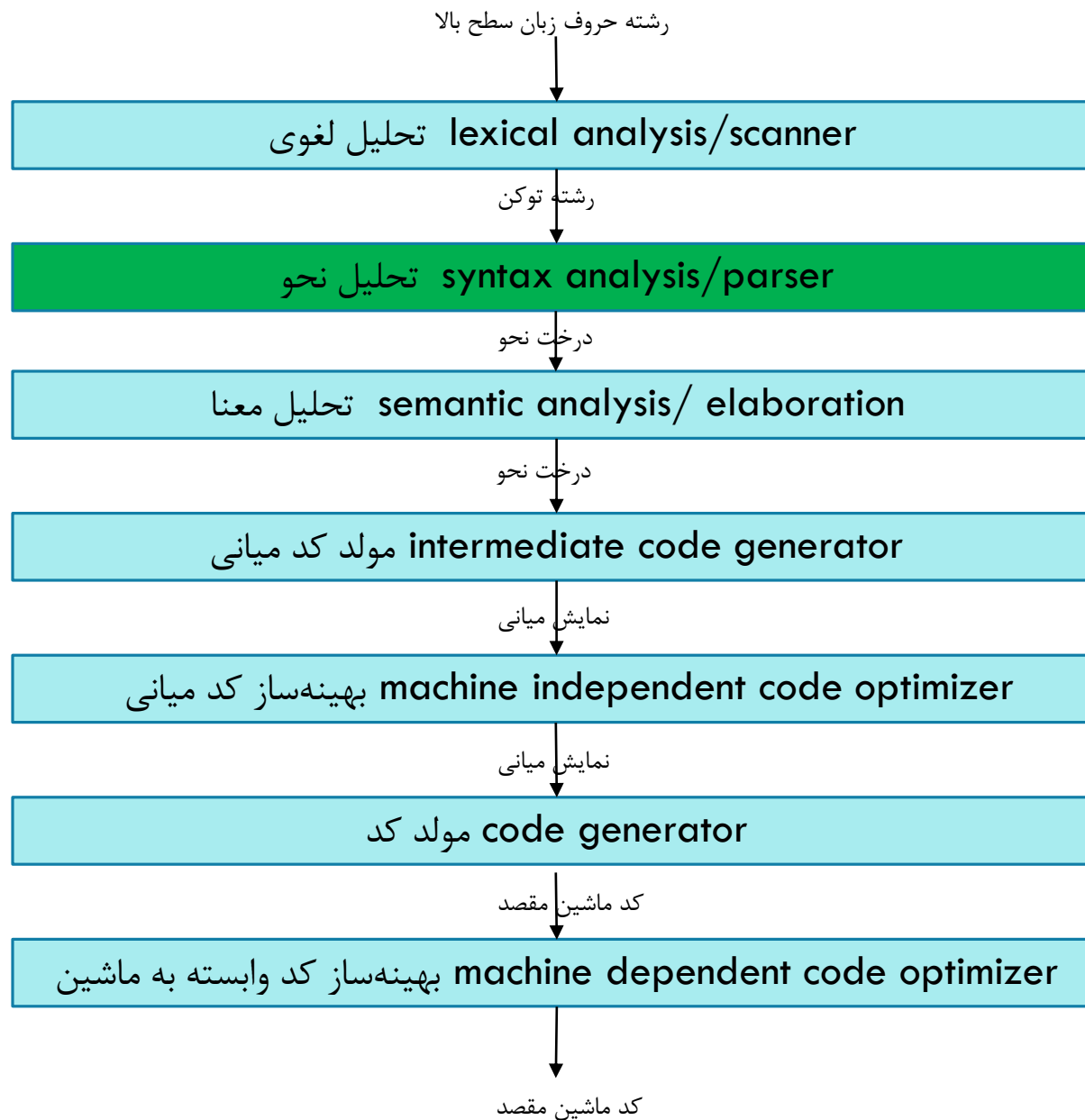


کامپیایر  
تجزیه گر  
تجزیه بالابه پائین

محسن هوشمند  
دانشکده تکنولوژی اطلاعات و علم رایانه  
دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان



# مقدمه

مرحله دوم در پیشا

کار با نتیجه حاصل از پویشگر

هر واژه با دسته نحوی

اشتقاق ساختار نحوی برنامه

اهمیت سرعت

نیاز

- سازوکار صوری جهت مشخص سازی جمله معتبر
- روش سیستماتیک معین کردن عضویت در زبان

# تجزیه نزول-بازگشتی

امکان تجزیه راحت بعضی از دستورها با استفاده از الگوریتمی با نام «نزول-بازگشتی»  
▪ چرا نزول و نه کاهش

تبدیل هر تولید دستور به یک «بند» از تابعی بازگشتی

# تجزیه نزول بازگشتی - مثال ۱

$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$

$S \rightarrow \text{begin } S \ L$

$S \rightarrow \text{print } E$

$L \rightarrow \text{end}$

$L \rightarrow ; \ S \ L$

$E \rightarrow \text{num} = \text{num}$

مثال -

تجزیه گر نزول-بازگشتی جهت دستور روبرو

- «یک» تابع به ازای هر متغیر
- «یک» بند به ازای هر قانون تولید

نیاز به تعریف مناسب توابع خطا و گرفتن تکه

# تجزیة نزول بازگشتی - مثال ۱ - ادامه

```
enum token {IF, THEN, ELSE, BEGIN, END, PRINT, SEMI, NUM, EQ};  
extern enum token getToken(void);
```

S → if E then S else S

S → begin S L

S → print E

L → end

L → ; S L

E → num = num

```
enum token tok;  
void advance() {tok=getToken();}  
void eat(enum token t) {if (tok==t) advance(); else error();}
```

```
void S(void) {switch(tok) {  
    case IF:      eat(IF); E(); eat(THEN); S();  
                                     eat(ELSE); S(); break;  
    case BEGIN:  eat(BEGIN); S(); L(); break;  
    case PRINT:  eat(PRINT); E(); break;  
    default:     error();  
}}
```

```
void L(void) {switch(tok) {  
    case END:     eat(END); break;  
    case SEMI:   eat(SEMI); S(); L(); break;  
    default:     error();  
}}
```

```
void E(void) { eat(NUM); eat(EQ); eat(NUM); }
```

# تجزیه گره‌های بالابه پائین نزول بازگشتی

مثال -  $A \rightarrow \beta_1 | \beta_2 | \beta_3$

- دستور پیش‌بین
- پس دانستن آغاز، امکان یافتن سمت راست مناسب
- 

/ \* یافتن A \* /

اگر (تکه فعلی  $\exists$  آغاز  $(\beta_1)$ )

یافتن (بسط)  $\beta_1$  و بازگشت درست

وگرنه (تکه فعلی  $\exists$  آغاز  $(\beta_2)$ )

یافتن (بسط)  $\beta_2$  و بازگشت درست

وگرنه (تکه فعلی  $\exists$  آغاز  $(\beta_3)$ )

یافتن (بسط)  $\beta_3$  و بازگشت درست

} ورنه

گزارش خطا بر اساس A و تکه فعلی

{

## تجزیه نزول بازگشتی - مثال ۲

```
void S(void) { E(); eat(EOF); }
void E(void) {switch (tok) {
    case ?: E(); eat(PLUS); T(); break;
    case ?: E(); eat(MINUS); T(); break;
    case ?: T(); break;
    default: error();
}}
void T(void) {switch (tok) {
    case ?: T(); eat(TIMES); F(); break;
    case ?: T(); eat(DIV); F(); break;
    case ?: F(); break;
    default: error();
}}
```

$S \rightarrow E \$$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow E - T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow id$

$F \rightarrow num$

$F \rightarrow ( E )$

مناقشه

▪ تابع E راهی برای اینکه کدام بند را بکار گیرد ندارد



# تجزیه نزول بازگشتی - مثال ۲ - ادامه

```
void S(void) { E(); eat(EOF); }
void E(void) { switch (tok) {
    case ?: E(); eat(PLUS); T(); break;
    case ?: E(); eat(MINUS); T(); break;
    case ?: T(); break;
    default: error();
}}
void T(void) { switch (tok) {
    case ?: T(); eat(TIMES); F(); break;
    case ?: T(); eat(DIV); F(); break;
    case ?: F(); break;
    default: error();
}}
```

$S \rightarrow E \$$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow E - T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow id$

$F \rightarrow num$

$F \rightarrow ( E )$

دو عبارت  $(1*2-3)$  و  $(1*2-3)+4$

- در عبارت نخست، باید استفاده از  $E \rightarrow E + T$
- در مورد اخیر، استفاده از قاعده  $E \rightarrow T$

تجزیه نزول-بازگشتی (پیش‌بین)

- صرفاً اجراپذیر بر دسته خاصی از دستورها
- **علامت حرف نخست** هر زیر عبارت دارای اطلاع کافی
- جهت انتخاب قاعده

▪ جهت فهم بهتر مسئله و حل آن

- ابتداء نیاز به تعریف مفهوم مجموعه‌های «آغاز»
- سپس ایجاد تجزیه‌گر نزول-بازگشتی بی‌مناقشه

امکان پیاده‌سازی ابزار تجزیه‌ساز

- گاهی اوقات زیادی و یا ناممکن
- امکان پیاده‌سازی تجزیه‌گرهای با دست با استفاده از تجزیه پیش‌بین

# مجموعه‌های آغاز و مجموعه پیرو

$$S \rightarrow E \$$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow T / F$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow id$$

$$F \rightarrow num$$

$$F \rightarrow ( E )$$

$\gamma$  رشته‌ای تشکیل شده از متغیرها و حروف الفباء

آغاز رشته

▪ فهرست تمامی حروف الفبا که در آغاز هر رشته مشتق شده از  $\gamma$

▪ مثال -  $FIRST(T * F)$

# مجموعه‌های آغاز و مجموعه پیرو

$$S \rightarrow E \$$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow T / F$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow id$$

$$F \rightarrow num$$

$$F \rightarrow ( E )$$

$\mathcal{V}$  رشته‌ای تشکیل شده از متغیرها و حروف الفباء

آغاز رشته

▪ فهرست تمامی حروف الفبا که در آغاز هر رشته مشتق شده از  $\mathcal{V}$

▪ مثال -  $FIRST(T * F) = \{id, num, (\}$

پیرو

▪ حرف الفبائی که به دنبال متغیری در جریان اشتقاق خواهد آمد.

# مجموعه‌های آغاز

مثال - دستوری شامل دو قاعده تولید  $X \rightarrow \gamma_1$  و  $X \rightarrow \gamma_2$

- هر دو دارای متغیر یکسان در سمت چپ قاعده
- سمت راست هر دو قاعده دارای «آغازهای» مشترک
- عدم امکان تجزیه دستور مذکور با استفاده از تجزیه پیش‌بین
- حرف  $a$  هم در آغاز  $\gamma_1$  و هم در آغاز  $\gamma_2$
- تابع  $X$  در تجزیه نزول-کاهش
- با دیدن  $a$  نمی‌داند چه عملی را انجام دهد.

روش ساده‌تر

- کامپایلر پیش از اجرا بداند که اولین نویسه رشته حاصل از اعمال قانون تولید چیست.
- مقایسه با نویسه یا تکه فعلی
- انتخاب خردورزانه قانون تولیدی بعدی

# مجموعه آغاز - مثالی جهت نمایش چرایی استفاده

$$\begin{aligned} S &\rightarrow cAd \\ A &\rightarrow bc \\ &|a \end{aligned}$$

مثال - رشته ورودی **cad** جهت دستور روبرو

▪ پس از شروع و خواندن نویسه **c**، نویسه بعدی **a**

▪ چشم‌پوشی از  $A \rightarrow bc$

▪ چون اولین نویسه این قانون **b** است و نه **a**

▪ استفاده مستقیم از قانون  $A \rightarrow a$

▪ چون اولین نویسه این قانون **a** است

در صورت اطلاع تجزیه‌گر از اولین نویسه قابل حصول از هر قانون

▪ منجر به اعمال خردمندانه قانون درست جهت دریافت درخت نحو صحیح

# محاسبه مجموعه آغاز

First(X)

محاسبه آسان

▪ اگر  $\gamma = XYZ$

▪ به نظر می‌توان  $Y$  و  $Z$  را نادیده گرفت و صرفاً توجه به  $X$  کافی است

▪ به مثال روبرو حساب آغاز  $Z$

▪ ولی افتاد مشکل‌ها!

▪ نیاز به بررسی همه متغیرهای تولیدکننده رشته تهی

▪ موسوم به رشته‌های پوچ‌پذیر

▪ بررسی چه چیزی در پی متغیر پوچ‌پذیر می‌آید (پیرو متغیر پوچ‌پذیر)

$Z \rightarrow d$

$Z \rightarrow XYZ$

$Y \rightarrow \epsilon$

$Y \rightarrow c$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow a$

# محاسبه مجموعه آغاز - ادامه

با داشتن رشته‌ای شامل متغیرها و حروف

- پوچ‌پذیری متغیری برقرار است اگر متغیر رشته تهی تولید کند
- آغاز رشته مجموعه حروفی است که در ابتدای رشته‌های حروف مشتق از آن بدست می‌آیند
- پیرو متغیری مجموعه حروفی است که بلافاصله در پی متغیر مذکور می‌آیند.

$$t \in FOLLOW(X) \quad \square$$

▪ اگر اشتقاقی به صورت  $Xt$  باشد

▪ می‌تواند به صورت  $XYZt$  باشد اگر  $Y$  و  $Z$  هر دو منتج به تهی شوند

# محاسبه مجموعه آغاز - الگوریتم

$First(X)$

چگونگی محاسبه مجموعه آغاز

۱- اگر  $x$  حرف الفباء، آن گاه  $\{x\} = First(x)$

۲- اگر  $\epsilon \rightarrow x$  جزو قواعد تولید، آن گاه افزودن  $\epsilon$  به مجموعه آغاز

۳- اگر  $X \rightarrow Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_n$  جزو قواعد تولید،

الف-  $First(X) = First(Y_1)$

ب- اگر  $\epsilon \in First(Y_1)$ ، آن گاه  $First(X) = \{First(Y_1) - \epsilon\} \cup \{First(Y_2)\}$

ج- اگر به ازای  $i$  تا  $n$ ،  $\epsilon \in First(Y_i)$ ، آن گاه  $First(Y_{i+1}) \in First(X)$

د- اگر به ازای تمامی  $Y_i$ ها و  $i = 1:n$  داشته باشیم  $\epsilon \in First(Y_i)$ ، آن گاه  $\epsilon \in First(X)$



# یافتن مجموعه آغاز - مثال

$E \rightarrow T E'$   
 $E' \rightarrow + T E' \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow F T'$   
 $T' \rightarrow * F T' \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow ( E ) \mid id$

مجموعه‌های آغاز

$First(E) = First(T) = \{ (, id \}$   
 $First(E') = \{ +, \epsilon \}$   
 $First(T) = First(F) = \{ (, id \}$   
 $First(T') = \{ *, \epsilon \}$   
 $First(F) = \{ (, id \}$

$S \rightarrow ACB \mid Cbb \mid Ba$   
 $A \rightarrow da \mid BC$   
 $B \rightarrow g \mid \epsilon$   
 $C \rightarrow h \mid \epsilon$

مجموعه‌های آغاز

$First(S) = First(A) \cup First(B) \cup First(C) = \{ d, g, h, \epsilon, b, a \}$   
 $First(A) = \{ d \} \cup First(B) = \{ d, g \} \cup First(C) = \{ d, g, h, \epsilon \}$   
 $First(B) = \{ g, \epsilon \}$   
 $First(C) = \{ h, \epsilon \}$

# مجموعه پیرو - مثالی جهت برهانی بر چرایی استفاده

$$S \rightarrow aAb$$

$$A \rightarrow c$$

$$|\epsilon$$

مثال - رشته ورودی **ab** جهت دستور روبرو

- اعمال قانون  $S \rightarrow aAb$  برای خواندن **a**
- نویسه ورودی بعدی **b** و متغیر بعدی جهت بسط **A**
  - **A** دارای قانون منجر به **b** نیست
  - دارای  $A \rightarrow \epsilon$  و با اعمال آن رسیدن به رشته ورودی
  - ولی تجزیه‌گر زمانی می‌تواند چنین کاری انجام دهد که بداند پس از **A**، **b** رخ می‌دهد.
  - با اعمال یافتن پیرو

در صورت اطلاع تجزیه‌گر از حرف الفباء بعدی (پیرو)، امکان حذف متغیر

با یافتن مجموعه‌های آغاز و پیرو برای دستور، تجزیه‌گر امکان اعمال قوانین مناسب را خواهد یافت

# یافتن مجموعه پیرو

Follow(X)

▪ مجموعه حروف الفباء که بدون فاصله در سمت راست متغیر X در قالب جمله‌ای ظاهر می‌شوند

چگونگی محاسبه مجموعه پیرو

۱- پیرو متغیر شروع \$،  $Follow(S) = \{ \$ \}$

۲- اگر  $A \rightarrow mBn$ ، آن‌گاه  $Follow(B) = First(n) - \{ \epsilon \}$

۳- اگر  $A \rightarrow mB$ ، آن‌گاه  $Follow(B)$  دارای  $Follow(A)$  است.

۴- اگر  $A \rightarrow mBn$  و  $\epsilon \in First(n)$ ، آن‌گاه

▪  $Follow(B)$  شامل  $Follow(A) \cup \{First(n) - \epsilon\}$

# یافتن مجموعه پیرو - مثال

$E \rightarrow T E'$   
 $E' \rightarrow + T E' \mid \epsilon$   
 $T \rightarrow F T'$   
 $T' \rightarrow * F T' \mid \epsilon$   
 $F \rightarrow ( E ) \mid id$



$First(E) = First(T) = \{ (, id \}$   
 $First(E') = \{ +, \epsilon \}$   
 $First(T) = First(F) = \{ (, id \}$   
 $First(T') = \{ *, \epsilon \}$   
 $First(F) = \{ (, id \}$



$Follow(E) = \{ \$, ) \}$   
 $Follow(E') = Follow(E) = \{ \$, ) \}$   
 $Follow(T) = \{ First(E') - \epsilon \} \cup Follow(E') \cup Follow(E) = \{ +, \$, ) \}$   
 $Follow(T') = Follow(T) = \{ +, \$, ) \}$   
 $Follow(F) = \{ First(T') - \epsilon \} \cup Follow(T') \cup Follow(T) = \{ *, +, \$, ) \}$

# یافتن مجموعه پیرو - مثال

$S \rightarrow ACB|Cbb|Ba$   
 $A \rightarrow da|BC$   
 $B \rightarrow g|\epsilon$   
 $C \rightarrow h|\epsilon$



$First(S) = First(A) \cup First(B) \cup First(C) = \{d, g, h, \epsilon, b, a\}$   
 $First(A) = \{d\} \cup First(B) = \{d, g\} \cup First(C) = \{d, g, h, \epsilon\}$   
 $First(B) = \{g, \epsilon\}$   
 $First(C) = \{h, \epsilon\}$



$Follow(S) = \{\$ \}$   
 $Follow(A) = \{First(C) - \epsilon\} \cup \{First(B) - \epsilon\} \cup Follow(S) = \{h, g, \$ \}$   
 $Follow(B) = Follow(s) \cup \{a\} \cup \{First(c) - \epsilon\} \cup Follow(A) = \{\$, a, h, g\}$   
 $Follow(C) = \{First(B) - \epsilon\} \cup Follow(S) \cup \{b\} \cup Follow(A) = \{g, \$, b, h\}$

# محاسبه کلی مجموعه آغاز و پیرو و متغیرهای پوچ پذیر

مقداردهی اولیه تهی برای تمامی مجموعه‌های آغاز و پیرو و قراردادان پوچ‌پذیری برابر غلط تمامی متغیرها  
آغاز هر پایانه برابر با خود پایانه

برای هر قاعده تولید  $X \rightarrow Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_k$   
▪ برای  $i \rightarrow 1$  تا  $k$

▪ اگر تمامی  $Y_i$  ها پوچ‌پذیر، آن‌گاه  $X$  نیز پوچ‌پذیر

▪ اگر تمامی  $Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_{i-1}$  پوچ‌پذیر، آن‌گاه آغاز  $X \rightarrow$  آغاز  $Y_i \cup$  آغاز  $Y_i$

▪ اگر تمامی  $Y_{i+1} \dots Y_k$  همگی پوچ‌پذیر، آن‌گاه پیرو  $Y_i \rightarrow$  پیرو  $Y_i \cup$  پیرو  $X$

▪ برای  $j \rightarrow i + 1$  تا  $k$

▪ اگر تمامی  $Y_{i+1} \dots Y_{j-1}$  همگی پوچ‌پذیر، آن‌گاه پیرو  $Y_i \rightarrow$  پیرو  $Y_i \cup$  آغاز  $Y_j$

تکرار تا عدم تغییر مجموعه‌ها

# مثال محاسبه کلی مجموعه آغاز و پیرو و متغیرهای پوچ پذیر

$Z \rightarrow d$   
 $Z \rightarrow X Y Z$   
 $Y \rightarrow \epsilon$   
 $Y \rightarrow c$   
 $X \rightarrow Y$   
 $X \rightarrow a$

پیرو	آغاز	تهی	
acd	ac	بله	X
acd	c	بله	Y
	acd	نه	Z

برای هر قاعده تولید  $X \rightarrow Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_k$  برای  $i \rightarrow 1$  تا  $k$

- اگر تمامی  $Y_i$ -ها پوچ پذیر، آن گاه X نیز پوچ پذیر
- اگر تمامی  $Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_{i-1}$  پوچ پذیر، آن گاه آغاز  $X \rightarrow$  آغاز  $Y_i \cup$  آغاز X
- اگر تمامی  $Y_{i+1} \dots Y_k$  همگی پوچ پذیر، آن گاه پیرو  $Y_i \rightarrow$  پیرو  $Y_i \cup$  پیرو X
- برای  $j \rightarrow i + 1$  تا  $k$
- اگر تمامی  $Y_{i+1} \dots Y_{j-1}$  همگی پوچ پذیر، آن گاه پیرو  $Y_i \rightarrow$  پیرو  $Y_j \cup$  آغاز  $Y_j$

# مثال محاسبه کلی مجموعه آغاز و پیرو و متغیرهای پوچ پذیر

چگونگی محاسبه مجموعه آغاز

۱- اگر  $x$  حرف الفباء، آن گاه  $\{x\} = First(x)$

۲- اگر  $\epsilon \rightarrow x$  جزو قواعد تولید، آن گاه افزودن  $\epsilon$  به مجموعه آغاز

۳- اگر  $X \rightarrow Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_n$  جزو قواعد تولید،

الف-  $First(X) = First(Y_1)$

ب- اگر  $\epsilon \in First(Y_1)$ ، آن گاه  $First(X) = \{First(Y_1) - \epsilon\} \cup \{First(Y_2)\}$

ج- اگر به ازای  $i$  تا  $n$ ،  $\epsilon \in First(Y_i)$ ، آن گاه  $First(Y_{i+1}) \in First(X)$

د- اگر به ازای تمامی  $Y_i$  ها و  $i = 1:n$  داشته باشیم  $\epsilon \in First(Y_i)$ ، آن گاه  $\epsilon \in First(X)$

$Z \rightarrow d$   
 $Z \rightarrow X Y Z$   
 $Y \rightarrow \epsilon$   
 $Y \rightarrow c$   
 $X \rightarrow Y$   
 $X \rightarrow a$

پیرو	آغاز	
acd	a, c, $\epsilon$	X
acd	c, $\epsilon$	Y
	acd	Z

چگونگی محاسبه مجموعه پیرو

۱- پیرو متغیر شروع  $\$, \{ \$ \} = Follow(S)$

۲- اگر  $A \rightarrow mBn$ ، آن گاه  $\{ \epsilon \} - First(n) = Follow(B)$

۳- اگر  $A \rightarrow mB$ ، آن گاه  $Follow(B)$  دارای  $Follow(A)$  است.

۴- اگر  $A \rightarrow mBn$  و  $\epsilon \in First(n)$ ، آن گاه

•  $Follow(B)$  شامل  $\{ \epsilon \} - First(n) \cup Follow(A)$



# منابع

[بیرسبز]

[اژدرها]

[کوپر]

[فیشر]